

ÜSLÜ SAYILAR ÇALIŞMA KAĞIDI

$$2^1 = 2$$

$$2^2 = 4$$

$$2^3 = 8$$

$$2^4 = 16$$

$$2^5 = 32$$

$$2^6 = 64$$

$$2^{10} = 1024$$

♥

$$3^1 = 3$$

$$3^2 = 9$$

$$3^3 = 27$$

$$3^4 = 81$$

$$3^5 = 243$$

♥

$$4^1 = 4$$

$$4^2 = 16$$

$$4^3 = 64$$

$$4^4 = 256$$

$$!10^6 = 1 \text{ MİLYON}$$

$$!10^9 = 1 \text{ MİLYAR}$$

$$!10^{12} = 1 \text{ TRİLYON}$$

$$5^1 = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$5^3 = 125$$

$$5^4 = 625$$

♥

$$6^1 = 6$$

$$6^2 = 36$$

$$6^3 = 216$$

♥

$$7^1 = 7$$

$$7^2 = 49$$

$$7^3 = 343$$

♥

$$8^1 = 8$$

$$8^2 = 64$$

$$8^3 = 512$$

♥

$$9^3 = 729$$

A) TEMEL KURALLAR

$$\text{a} \cdot \underbrace{\text{a} \cdot \text{a} \cdot \dots \cdot \text{a}}_n = \text{a}^n$$

n tane

$$\text{a} + \underbrace{\text{a} + \text{a} + \dots + \text{a}}_n = n \cdot \text{a}$$

n tane

$\text{a}^n \rightarrow \text{üs, kuvvet (Adet)}$

$\text{a} \rightarrow \text{taban (Çarpılan Sayı)}$

$$\text{1 her} = 1$$

$$(-1)^{\text{tek}} = -1$$

$$(-1)^{\text{çift}} = +1$$

$$(+)^{\text{her}} = +$$

$$(-)^{\text{tek}} = -$$

$$(-)^{\text{çift}} = +$$

$$0^{\text{Pozitif}} = 0$$

$$(\text{Sayı})^0 = 1$$

$$0^0 = \text{Tanımsız}$$

B) TERİMSEL ÜS

Terimin değeri Parantezli yazılır.

◊: $a = -2$ ise;

$$\heartsuit a^2 = (-2)^2 = +4$$

$$\heartsuit 2a^2 =$$

$$\heartsuit a^2 - a^3 =$$

$$\heartsuit a^4 - 3a =$$

🌀 Parantez Dışı Üs:

$$(-3)^2 = +9$$

🌀 Parantezsiz Üs:

$$-3^2 = -9$$

C) NEGATİF ÜS

Pozitif üs olarak hesaplanıp
Sonuç TERS Çevrilir.

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

Asansör Sistemi

$$\heartsuit 2^{-1} =$$

$$\heartsuit 2^{-3} =$$

$$\heartsuit 3^{-2} =$$

$$\heartsuit 3^{-3} =$$

$$\heartsuit 5^{-1} =$$

$$\heartsuit 5^{-2} =$$

$$\heartsuit 6^{-2} =$$

$$\heartsuit 4^{-3} =$$

$$\heartsuit (0,2)^{-1} =$$

$$\heartsuit (0,2)^{-3} =$$

$$\heartsuit (0,5)^{-5} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{2^{-3}} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{2^8} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{4^{-5}} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{9^6} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{216^{-2}} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{27^3} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{32^{-3}} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{243} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{16} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{216} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{25} =$$

$$\heartsuit \frac{-1}{64} =$$

$$\heartsuit \frac{-1}{27} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{343} =$$

$$\heartsuit \frac{1}{49} =$$

D) ÜSSÜN ÜSSÜ:

“Üsler Çarpılır”

$$(a^x)^y = a^{x \cdot y}$$

♥ $(2^2)^{-3} = 2^{2 \cdot -3} = 2^{-6}$

♥ $(5^{-1})^{-5} = 5^{-1 \cdot -5} = 5^{+5}$

♥ $(27)^4 = (3^3)^4 = 3^{12}$

♥ $(49)^{-2} = (7^2)^{-2} = 7^{-4}$

♥ $(32)^6 =$

♥ $(8)^4 =$

♥ $(125)^{-2} =$

♥ $(81)^3 =$

E) ÜSLÜ İFADELERDE İŞLEMLER:

! TEKRARLI TOPLAMA:

♥ $4^4 + 4^4 =$

♥ $2^6 + 2^6 + 2^6 + 2^6 =$

♥ $9^5 + 9^5 + 9^5 =$

♥ $8^3 + 8^3 =$

♥ $3^7 + 3^7 + 3^7 =$

♥ $25^9 + 25^9 + 25^9 + 25^9 + 25^9 =$

2) ÇARPMA-BÖLME:

✿ $a^x \cdot a^y = a^{x+y}$

♥ $3^5 \cdot 9^4 =$

♥ $4^4 \cdot 8^{-3} =$

♥ $\left[\frac{1}{25}\right]^3 \cdot 125^{-5} =$

♥ $16^3 \cdot 32^{-3} =$

♥ $27^2 \cdot 81^3 =$

✿ $a^x \cdot b^x = (a \cdot b)^x$

♥ $3^{10} \cdot 4^5 =$

♥ $36^3 \cdot 125^2 =$

! KAÇ BASAMAKLIDIR?

10^n sayısının;

★ n tane basamağı sıfırdır.

★ (n+1) basamaklıdır.

a. 10^n sayısının;

x basamaklı

★ n tane basamağı sıfırdır.

★ (n+x) basamaklıdır.

♥ 10^{12}

♥ $2^7 \cdot 10^{12}$

$$\heartsuit 4^3 \cdot 10^{12} \leftarrow$$

$$\heartsuit \frac{25^3}{125} =$$

$$\heartsuit 25^9 \cdot 8^6 \leftarrow$$

$$\heartsuit \frac{8^{-2}}{4^3} =$$

$$\heartsuit 125^5 \cdot 32^3 \leftarrow$$

$$\textcircled{r} \frac{a^x}{b^x} = \left[\frac{a}{b} \right]^x$$

$$\heartsuit \frac{216^4}{9^6} =$$

$$\textcircled{r} a^x : a^y = a^{x-y}$$

$$\heartsuit 2^8 : 8^4 =$$

$$\heartsuit \frac{27^{-2}}{9^{-4}} =$$

$$\heartsuit \frac{25^4 \cdot 16^2}{10^6} =$$

PROBLEMLER:

♥ 2^{24} sayısının yarısı =

♥ 4^{10} sayısının yarısı =

♥ 8^{20} sayısının yarısı =

♥ 8^{24} sayısının çeyreği =

♥ 3^{24} sayısının $1/3$ ü =

♥ 27^{27} sayısının $1/9$ u =

♥ 25^{-10} sayısının $1/5$ i =

♥ Bir musluk bir dakikada 4^3 damla su akıtıyor. Buna göre 32^2 dakikada kaç damla su akıtır?

♥ $a+b=4$ ise, $3^a \cdot 3^b =$

♥ $a+b-c=-3$ ise, $\frac{8^a \cdot 8^b}{8^c} =$

♥ Dikdörtgen şeklindeki tarlanın alanı $4^{20} m^2$ 'dir.
Bu parkın kenar uzunlukları aşağıdakilerden hangisi olabilir?

- A) Uzun kenarı $2^{20} m$, kısa kenarı $2^2 m$
- B) Uzun kenarı $8^{10} m$, kısa kenarı $4^{10} m$
- C) Uzun kenarı $2^{30} m$, kısa kenarı $2^{10} m$
- D) Uzun kenarı $16^{10} m$, kısa kenarı $2^1 m$

♥ 16 çiftçinin topladığı kaç tane elma-yı eşit sayıda paylaştırılırsa her çiftçiye 8^3 tane elma düşer ?

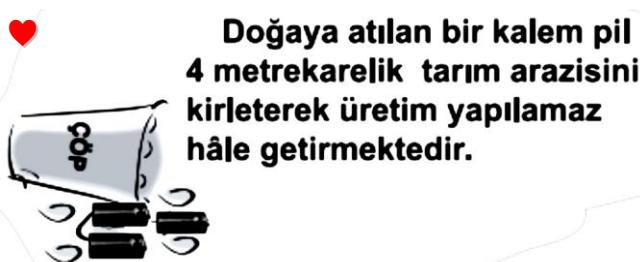
lamaz duruma gelmesinin önüne gelmiş olur?

♥ Kısa kenarı 3^4 cm ve uzun kenarı kısa kenarının 9^3 katı olan bir dikdörtgenin alanı kaçtır?

♥ 1 tane buğday 0,04 gr ağırlığında-sa 125^2 tane buğday kaç gr ağırlıkta-dır?

♥ Bir pakette 4^3 adet küp şeker bulun-duğuna göre 8^3 pakette kaç adet küp şeker bulunur ?

♥ 40 yıl önce Avustralyalı Ken Warby' nin tasarladığı sürat teknesi tüm hız-ların üzerinde bir hız yaparak rekoru hala daha elinde tutmaktadır. Spirit of Australia yani "Avustralya' nın Ruhu" adındaki bu tekne Avustu-ralya'da Blovering Barajı'nda gerçek-leşirilen yarışta, saatte yaklaşık 512 km hız yapmayı başarmıştır. Buna göre, bu sürat teknesinin $1/16$ saatteki hızı yaklaşık olarak kaç km' dir?



Güzel Düşler okulunda yapılan atık pil toplama kampanyasında; 16^3 adet pil toplandığına göre bu pillerle kaç met-rekarelik tarım arazisinin üretim yapı-

♥ **14^2 litre sıvı yağı; 2^2 litrelilik şişelere konulacaktır.**

Her şişe 49 TL'ye satıldığına göre yağlardan toplam para kaç TL'de edilir?

♥ **Arızalı olduğu için, su damlatan bir musluk 2^3 günde 64^2 damla su akıtmaktadır.**

4^2 damla suyun 1 ml olduğu kabul edilirse, bu musluk bir günde toplam kaç ml boş su akıtmaktadır?

♥ **Bahçeden 8^5 tane papaz eriği toplanan işçiler eriklerin $\%25$ 'inin kg'ını 4^2 TL'ye sattığına göre işçiler eriklerden kaç TL kazanmıştır? (1 kg papaz eriği yaklaşık 32 adettir.)**

♥ **4^{-5} savısı 4^5 sayısının kaç katıdır?**

2018

BURSLULUK

♥ $a \neq 0$ ve m, n tam sayılar olmak üzere

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m} \text{ ve } \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

2019

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m} \text{ dir.}$$

LGS

Aşağıda sadece ön yüzlerinde birer üslü ifadenin yazılı olduğu 4 mavi ve 4 kırmızı kart verilmiştir.

Mavi Kartlar

2^{-2}	2^3	2^{-1}	2^4
----------	-------	----------	-------

Kırmızı Kartlar

4^{-1}	4^{-3}	4^2	4^0
----------	----------	-------	-------

Mavi kartlardaki her bir üslü ifade kırmızı kartlardaki kendisine denk olmayan her bir üslü ifade ile birer kez çarpılarak yeni üslü ifadeler elde ediliyor.

Elde edilen bu üslü ifadelerden ikisinin birbirine oranı en çok kaçtır?

- A) 2^{12} B) 2^{15} C) 2^{16} D) 2^{17}

3) SIRALAMA:

$$\heartsuit \quad a = 2^{19}$$

$$b = 4^{10} = (2^2)^{10} = 2^{20}$$

$$c = 8^6 = (2^3)^6 = 2^{18}$$

$$b > a > c$$

$$\heartsuit \quad a = 32^4 = (2^5)^4 = 2^{20}$$

$$b = 9^{10} = (3^2)^{10} = 3^{20}$$

$$c = 625^5 = (5^4)^5 = 5^{20}$$

$$c > b > a$$

$$\heartsuit \quad 2^a = 30 \rightarrow 4 < a < 5$$

$$3^b = 28 \rightarrow 3 < b < 4$$

$$7^c = 40 \rightarrow 1 < c < 2$$

$$\heartsuit \quad \begin{aligned} a &= 9^{23} \\ b &= 27^{15} \\ c &= 81^{11} \end{aligned}$$

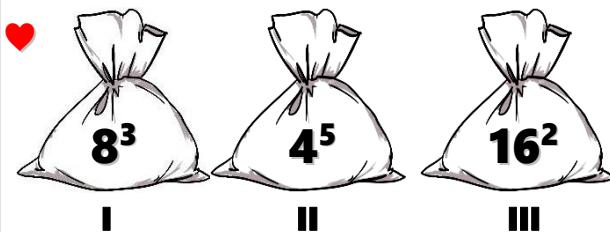
a, b, c sayılarını
küçükten büyüğe
sıralayınız.

$$\heartsuit \quad a = 4^{30}$$

$$b = 81^{15}$$

$$c = 125^{20}$$

a, b, c sayılarını büyükten küçüğe sıralayınız.



Yukarıda torbalarda bulunan pirinç taneleri torbaların üzerinde belirtilmiştir. Çoktan aza doğru sıralayınız.

$$\heartsuit \quad a = 5,5 \cdot 10^{11}$$

$$b = 0,505 \cdot 10^{12}$$

$$c = 0,006 \cdot 10^{13}$$

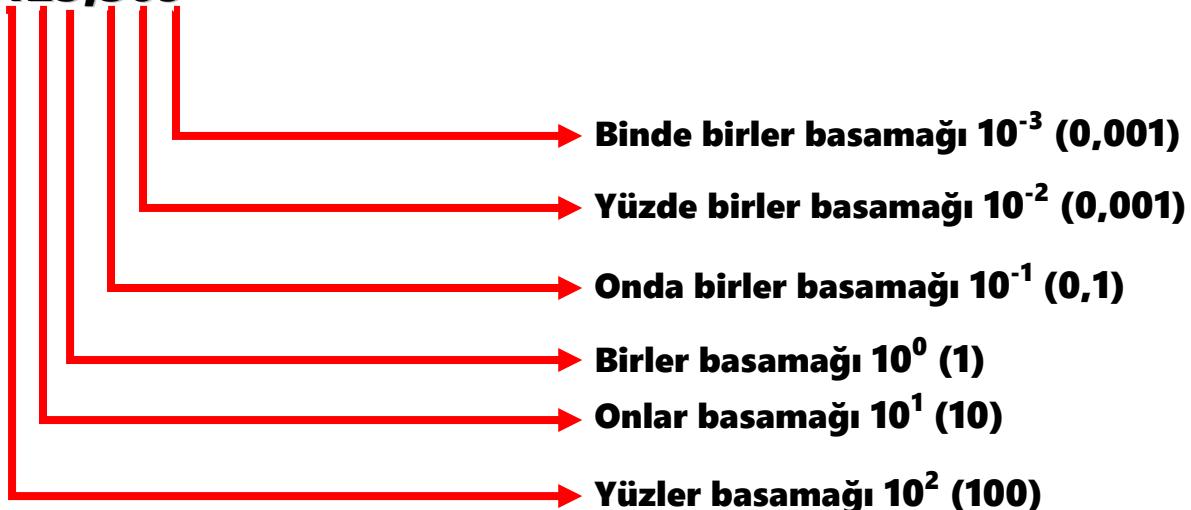
a, b, c sayılarını büyükten küçüğe sıralayınız.

4) ÇÖZÜMLEME

Çözümleme yapılırken her rakam, bulunduğu basamağın basamak değeri ile çarpılır ve bu çarpımlar toplanır.

Bu yüzden basamak isimlerini ve bu basamakların 10 'un kaçinci kuvveti olduğunu bilmemiz gereklidir. Öncelikle basamak isimlerini hatırlayalım.

425,309



425,309 =

♥ 35,072 sayısının çözümlenmesi

$34,072 = a \cdot 10^{-3} + 4 \cdot 10^b + 7 \cdot 10^c + d \cdot 10^1$ ise; $(a+d)^{b+c}$ kaçtır?

♥ $a3,86 = 6 \cdot 10^b + 3 \cdot 10^0 + c \cdot 10^{-1} + 5 \cdot 10^1$ ise; $a \cdot b - c$ kaçtır?



Şekildeki tişörtün fiyat etiketinden iki rakam silinmiştir.

**Tişört fiyatının çözümlemiş biçimini
 $5 \times 10^1 + 7 \times 10^{-1} + 8 \times 10^{-2}$ olduğuna göre
silinmiş rakamlar aşağıdakilerden hangisinde sırasıyla verilmiştir?**

- A) 0 ve 8 B) 0 ve 7 C) 1 ve 8 D) 5 ve 7

♥ **2019 LGS**

Bir ondalık gösterimin, basamak değerleri toplamı şeklinde yazılmasına ondalık gösterimin çözümlemesi denir.

Uçakla seyahat eden bir yolcu, kütlesi 8 kg'dan az olan valizini kabine alabilmektedir.

Aycan'ın valizinin kütlesi 9,08 kg'dır. Bu valizdeki bazı eşyaların kütlelerinin çözümlemiş şekli aşağıdaki tabloda verilmiştir.

Tablo: Valizdeki Eşyalardan Bazılarının Kütleleri

Eşya	Kütlesi (kg)
Ayakkabı	$9 \cdot 10^{-1} + 8 \cdot 10^{-2}$
Kitap	$1 \cdot 10^0 + 1 \cdot 10^{-1}$
Mont	$9 \cdot 10^{-1} + 5 \cdot 10^{-3}$
Tablet	$1 \cdot 10^0 + 9 \cdot 10^{-3}$

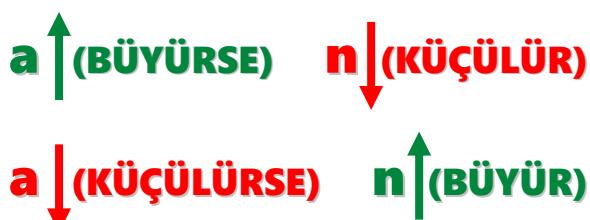
Aycan, valizinden bu dört eşyadan hangisini çıkarırsa valizini kabine alabilir?

- A) Tablet B) Ayakkabı C) Kitap D) Mont

5) BİLİMSEL GÖSTERİM

n bir tam sayı olmak üzere,
a sayısı (katsayı) $1 \leq |a| < 10$ olacak
şekilde $a \cdot 10^n$ gösterimine bir sayı-
yının bilimsel gösterimi denir.

Bilimsel dönüşümü çevirmek için;
Verilen ifadede katsayı (a) ile üs(n)
arasında zıt değişim uygulanır.
(Amaç katsayıyı yani "a"yi istenilen aralığa getirmek yani ; $1 \leq |a| < 10$ yapmak.)



▼ Aşağıdaki ifadeleri bilimsel gös-
terim olarak yazalım.

$$\heartsuit 400000000 =$$

$$\heartsuit 237000000000 =$$

$$\heartsuit 1007000000 =$$

$$\heartsuit 0.0000006 =$$

$$\heartsuit 0.0000000734 =$$

$$\heartsuit 4100 \cdot 10^{13} =$$

$$\heartsuit 97100 \cdot 10^{-10} =$$

$$\heartsuit 102,4 \cdot 10^{-23} =$$

$$\heartsuit 0,0019 \cdot 10^{-36} =$$

$$\heartsuit 0,00000513 \cdot 10^{10} =$$

**Bilinen en büyük virüsler 400 na-
nometre (0.0004 milimetre) çapın-
daki mimi virüslerdir.**

**2003 yılında Mars, 55,6 milyon
km mesafeye Dünya ile son 60 bin
yıldaki en yakın konumuna gelmişti.**

**Birleşmiş Milletler tarafından dün-
ya nüfusuna dair hazırlanan rapora
göre 2050 yılında dünyada 9,7 mil-
yar insan yaşayacak.**

NOT-1:

$$10^6 = 1 \text{ MİLYON}$$

$$10^9 = 1 \text{ MİLYAR}$$

$$10^{12} = 1 \text{ TRİLYON}$$

NOT-2:

**Birimsel dönüşümlere dikkat edilmeli-
dir.**

**! Büyüklük birimlerin küçüğe dönüşümü
pozitif kuvvetle, küçük birimlerin bü-
yükçe dönüşümü negatif kuvvetle ifa-
de edilir.**

$$1 \text{ km} = 1000 \text{ m} = 10^3 \text{ m}$$

$$1 \text{ m} = 100 \text{ cm} = 10^2 \text{ cm}$$

$$1 \text{ km} = 10^5 \text{ cm} \quad \text{veya} \quad 1 \text{ cm} = 10^{-5} \text{ km}$$

$$1 \text{ ton} = 1000 \text{ kg} = 10^3 \text{ kg}$$

$$1 \text{ kg} = 1000 \text{ g} = 10^3 \text{ g}$$

$$1 \text{ ton} = 10^6 \text{ g} \quad \text{veya} \quad 1 \text{ g} = 10^{-6} \text{ ton}$$

$$1 \text{ sa} = 60 \text{ dk} , \quad 1 \text{ dk} = 60 \text{ sn}$$

$$1 \text{ sa} = 3600 \text{ sn}$$

**♥ Bilim ve Teknoloji Verileri Komitesi
(CODATA) tarafından belirlenen pro-
tonun kütlesi 1,007276466879
akb yani $1672621,898 \cdot 10^{-33}$ kg'dır.
1 protonun kütlesi kaç gramdır?**

**♥ İnç, başta Amerika Birleşik Devlet-
leri olmak üzere İngiltere ve Kana-
da gibi bazı ülkelerde kullanılan bir
uzunluk birimidir.**

**20000 inç'lik bir mesafenin, cm tü-
ründen bilimsel gösterimi nedir?
(1 inç=2,54cm)**

**♥ Bir kuş tüyünün kütlesi 0,000005
gramdır. Bu kuş tüyünün kütlesinin
kilogram olarak bilimsel gösterimi
nedir? (TEOG)**

♥ (TEOG)

**Aşağıdakilerden hangisi bir sayının
bilimsel gösterimidir?**

- | | |
|-------------------------|------------------------|
| A) $3,4 \times 10^9$ | B) $0,99 \times 10^9$ |
| C) $0,7 \times 10^{-6}$ | D) 11×10^{-8} |

♥ (2018 LGS)

$0,00013 \times 10^8$ ifadesinin değeri 1000'den
büyükür.

**Buna göre a'nın alabileceği en küçük tam
sayı değeri kaçtır?**

- | | | | |
|------|------|------|------|
| A) 8 | B) 7 | C) 6 | D) 5 |
|------|------|------|------|

♥ (2019 BURSLULUK)

Aşağıdaki eşitliklerden hangisi yanlıştır?

- | |
|--|
| A) $16000 \cdot 10^{-5} = 16 \cdot 10^{-2}$ |
| B) $0,16 \cdot 10^{-3} = 16 \cdot 10^1$ |
| C) $0,016 \cdot 10^4 = 16 \cdot 10^1$ |
| D) $0,0000016 \cdot 10^5 = 16 \cdot 10^{-2}$ |

♥(TEOG)

Aşağıdakilerden hangisi ondalık gösterimi
0,0083 olan sayıya eşit değildir?

- A) 83000×10^{-7} B) 83×10^{-4}
C) $8,3 \times 10^{-3}$ D) $0,83 \times 10^{-1}$

♥(TEOG)

$$400000 \times 9000$$

işleminin sonucunun bilimsel göste-
rimi aşağıdakilerden hangisidir ?

- A) $3,6 \times 10^9$ B) 36×10^8
C) 36×10^9 D) $3,6 \times 10^{10}$